

# TERMODYNAMIKA TECHNICZNA – LABORATORIUM

## Ćwiczenie nr 1

### 1. TEMAT

Wyznaczanie ciepła właściwego  $c_p$  i  $c_v$  dla powietrza 2. CEL

Celem pracy jest wyznaczenie  $c_p$  i  $c_v$  metodą dynamiczną

### 3. WPROWADZENIE

Zgodnie z definicją ciepła właściwe  $c_v$  i  $c_p$  dane są wzorami:

$$c_v = \frac{Q_{v1-2}}{m T_2 - T_1} \quad (1)$$

$$c_p = \frac{Q_{p1-2}}{m T_2 - T_1} \quad (2)$$

gdzie:

$Q_{v1-2}$ ,  $Q_{p1-2}$  – ciepło doprowadzone do układu przy stałej, odpowiednio objętości, ciśnieniu,

$m$  – masa czynnika termodynamicznego,  $T_1$ ,  $T_2$  – temperatury bezwzględne w stanie 1 i 2.

Wyznaczenie  $c_v$  i  $c_p$  wymaga więc zmierzenia wszystkich wielkości występujących we wzorach. Metody korzystające z definicji to metody kalorymetryczne. Dają one dokładne wyniki dla cieczy i ciał stałych.

Dla gazów, tak w zakresie niskich jak i wysokich ciśnień, prowadzą do dużych błędów.

Dlatego do pomiaru  $c_v$  i  $c_p$  gazu o niskim ciśnieniu używa się metody dynamicznej, wykorzystującej proces ekspansji adiabatycznej.

Równanie adiabaty powietrza o własnościach zbliżonych do gazu doskonałego ma postać:

$$pv^k = \text{const} \quad (3)$$

gdzie wykładnik adiabaty

$k$ :

$$k = \frac{c_p}{c_v} \quad (3.1)$$

Ponadto  $c_v$  i  $c_p$  powiązane są zależnością:

$$c_p - c_v = R \quad (4)$$

gdzie  $R$  – indywidualna stała gazowa.

Z indywidualną stałą gazową jest związane pojęcie uniwersalnej stałej gazowej, przedstawianej jako iloczyn  $(MR) = 8,314 \text{ kJ / kmol K}$ , gdzie  $M$  – masa molowa badanego gazu.

Ze skojarzenia wzorów (3.1) i (4) wynika:

$$c_v = \frac{R}{k-1} \quad (5.1)$$

$$c_p = R \frac{k}{k-1}$$

(5.2)

#### 4. OPIS DOŚWIADCZENIA

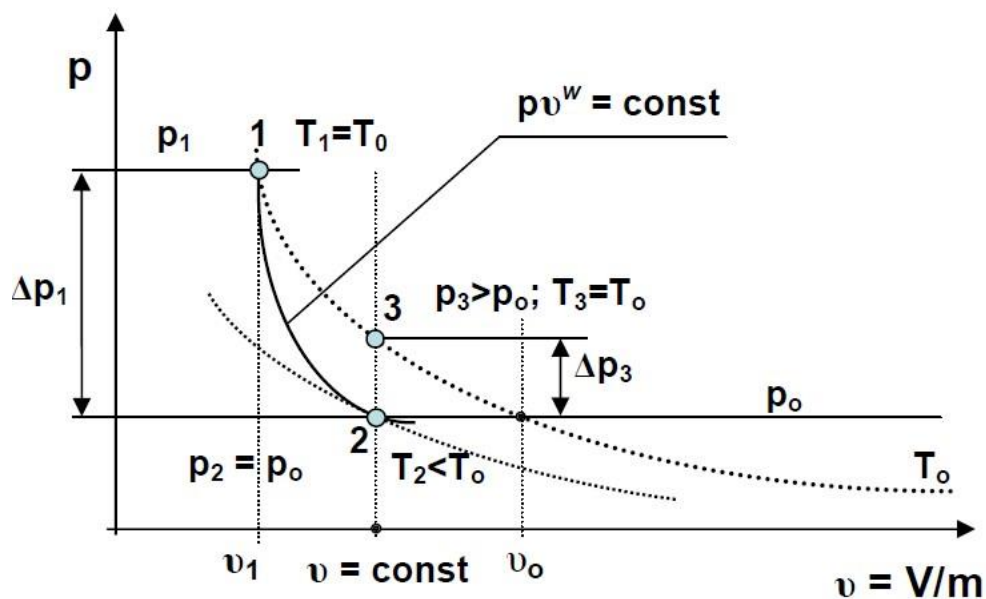


Rys. 1. Stanowisko pomiarowe

4.1. Zbiornik o stałej objętości napełnia się powietrzem do ciśnienia  $p_1 > p_0$  ( $p_0$  – ciśnienie otoczenia;  $p_1 = p_0 + \Delta p_1$ ). Temperatura początkowa powietrza  $t_1 = t_{ot} = t_0$ .

4.2. Otwierając "na moment" zawór łączy się zbiornik z otoczeniem. Następuje szybki wypływ powietrza do otoczenia. Ciśnienie w zbiorniku spada do wartości  $p_2 = p_0$ , a temperatura osiąga wartość  $t_2 < t_0$ .

4.3. Po zamknięciu zaworu należy odczekać, aż temperatura powietrza  $t_3$  zrówna się z temperaturą otoczenia  $t_0$ , tzn.  $t_3 = t_0$  (a  $p_3$  ustabilizuje się). Wówczas odczytuje się ciśnienie  $p_3 > p_0$  ( $p_3 = p_0 + \Delta p_3$ ).



Rys.2. Ekspansja politropowa

Doświadczenie należy wykonać dla kilku wartości ciśnienia początkowego:

$$p_{li} = p_0 + \Delta p_{li}$$

gdzie:

- $i$  – numer pomiaru; przyjmuje wartości od 1 do 5,  $p$  - nadwyżka
- $\Delta$  ciśnienia z przedziału (0 – 1000 mmH<sub>2</sub>O), np. 800, 650, 500, 350, 200.

## 5. OPRACOWANIE WYNIKÓW

Podczas wypływu gazu ze zbiornika z oczywistych względów nieuniknione są dopływy ciepła, ale można wykazać, że w rozpatrywanym przedziale zmian temperatury i ciśnienia ich wielkość jest taka, że wskaźnik  $Y$  jest mały:

$$Y = \frac{Q_{z1-2}}{U_2 - U_1} \quad (6)$$

gdzie:

- $Q_{z1-2}$  - całkowita ilość ciepła (dodatnia lub ujemna) dostarczona do gazu w czasie,
- $U_2 - U_1$  - całkowita zmiana energii wewnętrznej gazu przy przejściu od stanu 1 do stanu 2.

Rzeczywista adiabata występuje w przypadku  $Y = 0$ . W przeciwnym, wypadku w zależności od konkretnej wartości tego wskaźnika, mówi się o adiabacie zrealizowanej z dokładnością do 1%, 0,1% itd.

Przyjmując wstępnie  $Q_z \neq 0$ , sugeruje się, że realizowana jest przemiana politropowa o wykładniku  $w \neq k$ . Znając wartość wykładnika „ $w$ ” można by oszacować wielkość  $Q_z$ .

Opisane doświadczenie daje tę możliwość, albowiem „ $w$ ” można wyliczyć ze wzoru, w którym po prawej stronie znaku różnicy występują tylko wielkości mierzone. Poszukiwaną wartość wykładnika „ $w$ ” oblicza się ze wzoru:

$$w_i = \frac{\ln\left(\frac{p_{1i}}{p_o}\right)}{\ln\left(\frac{p_{1i}}{p_{3i}}\right)} \quad (7)$$

5.1. Dla każdego pomiaru „ $i$ ” obliczyć wartość „ $w_i$ ” a następnie wartość średnią arytmetyczną:

$$w_{\text{SR}} = \frac{i w_i}{i} \quad (8)$$

5.2. Obliczyć  $c_{vm}$  i  $c_{pm}$  z zależności:

$$c_{vm} = \frac{R}{w_{sr} - 1} \quad (9.1)$$

$$c_{pm} = R \frac{w_{sr}}{w_{sr} - 1} \quad (9.2)$$

Te wartości należy porównać z wartościami  $c_p$  i  $c_v$  obliczonymi z wzorów (5.1)

i

(5.2) dla  $k=1,4$  i wyznaczyć błąd względny pomiaru.

Wzór tabel:

Ćw. 1. Wyznaczanie ciepła właściwego  $c_p$  i  $c_v$  dla powietrza

data: .....godz.: .....

Układ pomiarowy 1

lp	wielkość \ i	1	2	3	4	5
1	$p_0$ , Pa / $p_0$ , mm H <sub>2</sub> O					
2	$\Delta p_{1i}$ , mm H <sub>2</sub> O	800	650	500	350	200
3	$p_{1i}$					
4	$\Delta p_{3i}$ , mm H <sub>2</sub> O					
5	$p_{3i}$					
6	$w_i$					
7	$w_{sr}$					
8	$c_{vm}$					
9	$c_{pm}$					
10	$c_v$					
11	$c_p$					
12	$c_{vm}/c_v$					
13	$c_{pm}/c_p$					

Układ pomiarowy 2

lp	wielkość \ i	1	2	3	4	5
1	$p_0$ , Pa / $p_0$ , mm H <sub>2</sub> O					
2	$\Delta p_{1i}$ , mm H <sub>2</sub> O	800	650	500	350	200
3	$p_{1i}$					
4	$\Delta p_{3i}$ , mm H <sub>2</sub> O					
5	$p_{3i}$					
6	$w_i$					
7	$w_{sr}$					
8	$c_{vm}$					
9	$c_{pm}$					
10	$c_v$					
11	$c_p$					
12	$c_{vm}/c_v$					
13	$c_{pm}/c_p$					